

مقارنة الأعداد الصحيحة النسبية

لمدرسة الإعدادية النموذجية بالمنزه 5.
الأستاذة زينب التكري



صف المستقيم (OX) يمثل الأعداد الموجبة و نصف المستقيم (OX') يمثل الأعداد السالبة
لأعداد مرتبة من الأصغر إلى الأكبر إذن الأعداد السالبة أصغر أو يساوي من صفر والأعداد الموجبة أكبر أو يساوي من صفر
مثال $0 < 2$ و $-3 < 0$ ومنه $-3 < 2$
لأعداد السالبة المخالفة لصفر أصغر من أي عدد موجب

إذا كان $a \in \mathbb{Z}$ و $b \in \mathbb{Z}_+$ فإن $a \leq b$

إذا كان $b \in \mathbb{Z}_+$ و $a \in \mathbb{Z}^*$ فإن $a < b$

مقارنة عددين سالبين يمكن وضعهما على المستقيم المدرج العدد الأقرب للصفر (على اليمين) هو الأكبر مثال $-2 < -3$
عددين سالبين أكبرهما هو الذي له أصغر قيمة مطلقة مثال $(-19) < (-14)$ لأن $19 < 14$

لمقارنة باستعمال الفارق
تم الجدول التالي

a	b	مقارنة a و b	a-b	علامة (a-b)
6	10	$6 < 10$	-4	$(-4) \in \mathbb{Z}_-$ سالب
-5	-8	$-5 > -8$	3	$3 \in \mathbb{Z}_+$ موجب
12	-2	$12 > -2$	14	$14 \in \mathbb{Z}_+$ موجب
-12	2	$-12 < 2$	-14	$(-14) \in \mathbb{Z}_-$ سالب

$a \leq b$ يعني أن $(a-b) \in \mathbb{Z}_-$

$a < b$ يعني أن $(a-b) \in \mathbb{Z}^*$

$a = b$ يعني أن $(a-b) = 0$

$a \geq b$ يعني أن $(a-b) \in \mathbb{Z}_+$

$a > b$ يعني أن $(a-b) \in \mathbb{Z}_+$

مثلة للمقارنة باستعمال الفارق

(1) لنقارن A و B حيث $A = 2 + x$ و $B = -3 - x$ و $x \in \mathbb{Z}_+$
ذا نبحث عن علامة الفارق بين A و B (نحسب $(B-A)$ أو $(A-B)$ نفس الاستنتاج)

$$B - A = (-3 - x) - (2 + x)$$

$$B - A = -3 - x - 2 - x$$

$$B - A = -5 - x - x$$

$$B - A = (-5) + (-x) + (-x)$$

نلاحظ أن -5 و $-x$ و $-x$ سالب سالب سالب

$$A - B = (2 + x) - (-3 - x)$$

$$A - B = 2 + x + 3 + x$$

$$A - B = 5 + x + x$$

نلاحظ أن 5 و x و x موجب موجب موجب

$$(A - B) \in \mathbb{Z}_+$$

 ومنه $A > B$

إذن $(B-A) \in \mathbb{Z}_-$ ومنه $B < A$

نفس النتيجة

(2) لنقارن A و B حيث $A = -6 + x$ و $B = 7 + y$ و $x < y$
ذا نبحث عن علامة الفارق بين A و B

$$A - B = (-6 + x) - (7 + y)$$

$$A - B = -6 + x - 7 - y$$

$$A - B = (-13) + (x - y)$$

تمرين رتب الأعداد التالية 23 , 0 , (-643) ; 65 ; (-12309)
قارن A و B في الحالات التالية

(1) $A = 18 - [-9 - (x + 19)] : B = 7 + [-8 - (-2 - x)]$ و $x \in \mathbb{Z}$

(2) $A = 12 - [-4 - (7 + x)] : B = 7 + (y - 12)$ و $(x - y) = 5$

(3) $A = |-6 - 13| + |6 - 9| - x : B = 13 + y$ حيث x و y متقابلان

تمرين عدد 3

(1) أشر واختصر كتابة X و Y

$$Y = a(1 - b) + (a - 4)(b - 3)$$

(2) أ) استنتج أن $X - Y = 2a - 2b - 6$

ب) إذا علمت أن $b - a = 3$ قارن بين X و Y (مع التعليل)

ج) إذا علمت أن $X < Y$ قارن بين a و b (مع التعليل)