

### التمرين الأول: (5 نقاط)

لكل سؤال، واحدة من بين الإجابات الأربعة صحيحة. أوجد الإجابة المناسبة.

د	ج	ب	أ	
$4+3\sqrt{2}$	$3+4\sqrt{2}$	$3+2\sqrt{2}$	$2+3\sqrt{2}$	1 العبارة العددية $1+\sqrt{2}+(1+\sqrt{2})^2$ مساوية لـ ...
$(3-2\sqrt{7})^2$	$(2-6\sqrt{7})^2$	$(6-2\sqrt{7})^2$	$(2-3\sqrt{7})^2$	2 العبارة العددية $67-12\sqrt{7}$ مساوية لـ ...
8 و 17 و 11 و 9 و 8	8 و 8 و 5 و 3 و 2	12 و 10 و 7 و 6 و 4	5 و 5 و 4 و 3 و 3	3 القيمة 8 هي مدى السلسلة الاحصائية ...
المعدّل الحسابي للأعداد 3 و 6 و 7 و 8 و 9 و 9	موسّط الأعداد 3 و 6 و 7 و 8 و 9 و 9	المعدّل الحسابي للأعداد 6 و 7 و 8 و 9 و 9	موسّط الأعداد 6 و 7 و 8 و 9 و 9	4 القيمة 7 تمثّل ...
كلّ عائلة تملك 3 هواتف	أكبر عدد من العائلات يملك 3 هواتف	أصغر عدد من العائلات يملك 3 هواتف	معدّل الهواتف لكلّ عائلة يساوي 3	5 القيمة 3 هي منوال الهواتف المحمولة لعينة من العائلات ، هذا مدلوله...

### التمرين الثاني: (4 نقاط ونصف)

ليكن  $x$  عددًا حقيقيًا، والعبارتين الجبريتين:  $P = 3x^2 + 6x + 5$  و  $Q = (x + \sqrt{3})(x - \sqrt{3}) + 2(x^2 - \sqrt{3} + 4)$

(1) أوجد القيمة العددية لـ  $P$  في كلّ حالة من الحالات التالية:

$$x = -\frac{1}{\sqrt{3}} \quad (*) \quad ; \quad x = \frac{2}{3} \quad (*) \quad ; \quad x = 0 \quad (*)$$

$$(2) \text{ أ- بيّن أن: } Q = 3x^2 + 5 - 2\sqrt{3}$$

$$\text{ب- بيّن أن } P = Q = 6 - 2\sqrt{3} \text{ ، إذا علمت أن: } x = -\frac{1}{\sqrt{3}}$$

ج- هل أن  $P = Q$  ، مهما تكن القيمة العددية لـ  $x$  ؟ علّل الإجابة.

$$(3) \text{ أ- بيّن أن: } P = x^2 + (x+1)^2 + (x+2)^2$$

ب- استنتج باقي القسمة الإقليدية، لمجموع مربعات ثلاثة أعداد صحيحة طبيعية متتالية على العدد 3.

### التمرين الثالث: (3 نقاط)

❖ لا تنقل الرسم المقابل على ورقة التحرير.

❖ المعطيات: النقاط  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $M$  على استقامة واحدة كذلك بالنسبة إلى النقاط  $A$  و  $P$  و  $F$  ،

$$AM = x \quad \text{و} \quad AB = x - 6 \quad \text{و} \quad AC = x - 5 \quad \text{و} \quad FB = PC = x + 6$$

حيث  $x$  هو عدد حقيقي أكبر قطعًا من 6

(1) بتطبيق نظرية بيتاغورفي المثلث  $ABF$  ،

$$\text{بيّن أن: } AF^2 = (x + 6)^2 - (x - 6)^2$$

ب- نعتبر العبارة الجبرية:  $T = AF^2$

$$\text{بيّن أن: } T = 24x$$

(2) نعتبر العبارة الجبرية:  $S = AP^2$

$$\text{بيّن أن: } S = 11(2x + 1)$$

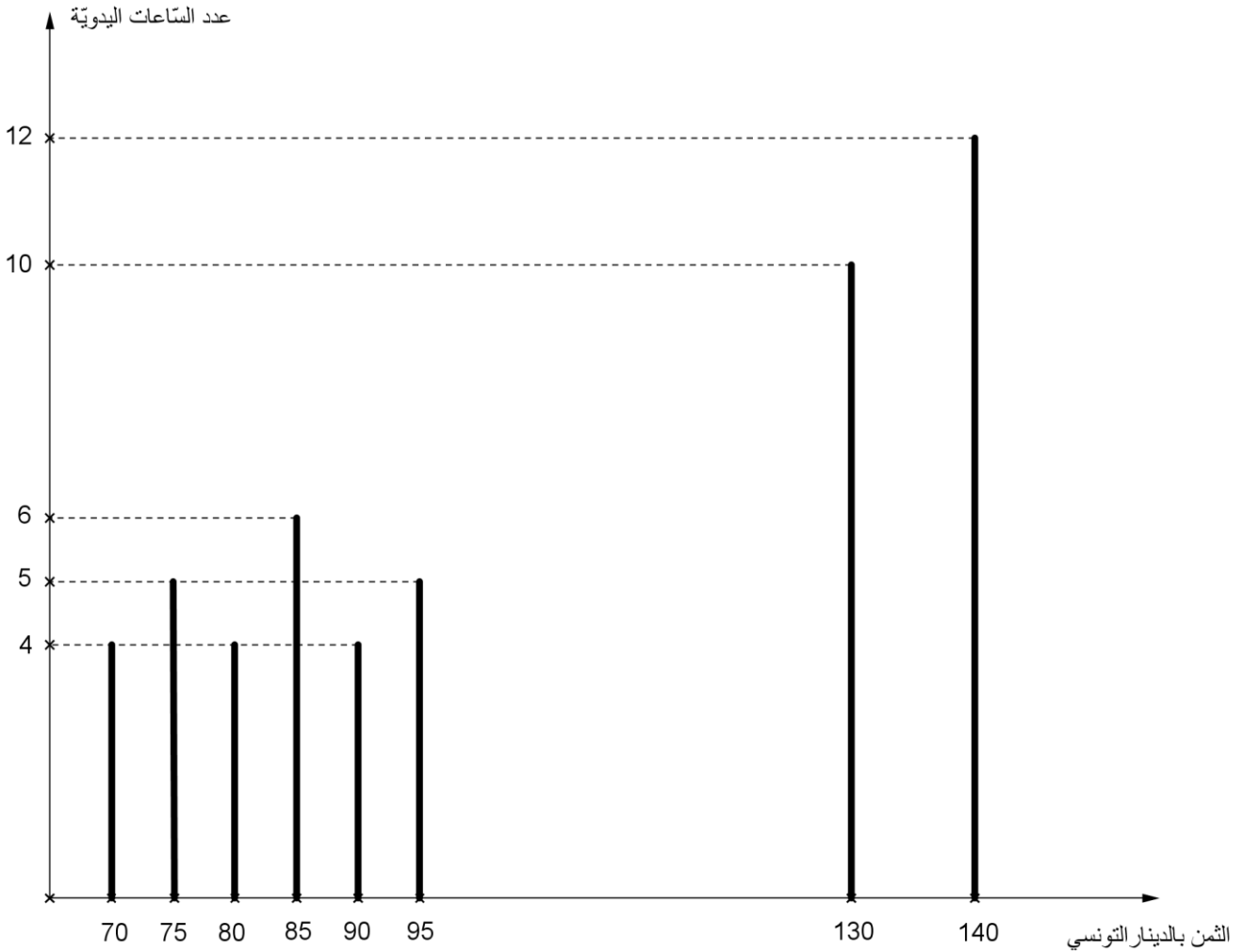
(3) بتوظيف النتائج السابقة، احسب كلا من العددين التاليين:

$$a = \frac{456789006^2 - 456788994^2}{24000} \quad \text{و} \quad b = 409308011^2 - 409308000^2$$

انظر الصفحة الموالية

### التمرين الرابع: (7 نقاط ونصف)

أعلنت إحدى المحلات التجارية Swatch® المختصة في بيع الساعات اليدوية، عن أثمان البيع الجديدة بعد القيام بعملية تخفيض في كمية محدودة من الساعات اليدوية، كما هو مبين بمخطط العصيات التالي:



- (1) ماهي طبيعة ميزة هذه السلسلة الإحصائية؟ ماهي خاصياتها؟
- (2) أ- حدّد  $e$  مدى هذه السلسلة الإحصائية، معطلا الإجابة.  
ب- حدّد  $M_0$  منوال هذه السلسلة الإحصائية، معطلا الإجابة.
- (3) انقل، ثم أكمل تعميم الجدول التالي:

الثن بالدينار التونسي (القيمة $X_i$ )	70	75	80	85	90	95	130	140
عدد الساعات اليدوية (التكرار $n_i$ )	.....	.....	.....	6	.....	.....	.....	.....
التكرار التراكمي الصاعد	4	.....	13	.....	.....	.....	.....	50

- (4) أ- احسب  $\bar{X}$  المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية.  
ب- بالاعتماد على واد التكرارات التراكمية الصاعدة، حدّد  $Me$  موسّط هذه السلسلة الإحصائية.
- (5) أعلنت إحدى المحلات التجارية الأخرى المختصة في بيع الساعات اليدوية، عن تخفيض يُقدّر بـ 5% من معدّل أثمان المحلّ التجاري Swatch®. هل أنّ ثمن البيع المقترح من طرف هذا المحلّ التجاري، منخفض مقارنة بأثمان المحلّ التجاري Swatch®؟ علّل الإجابة.