

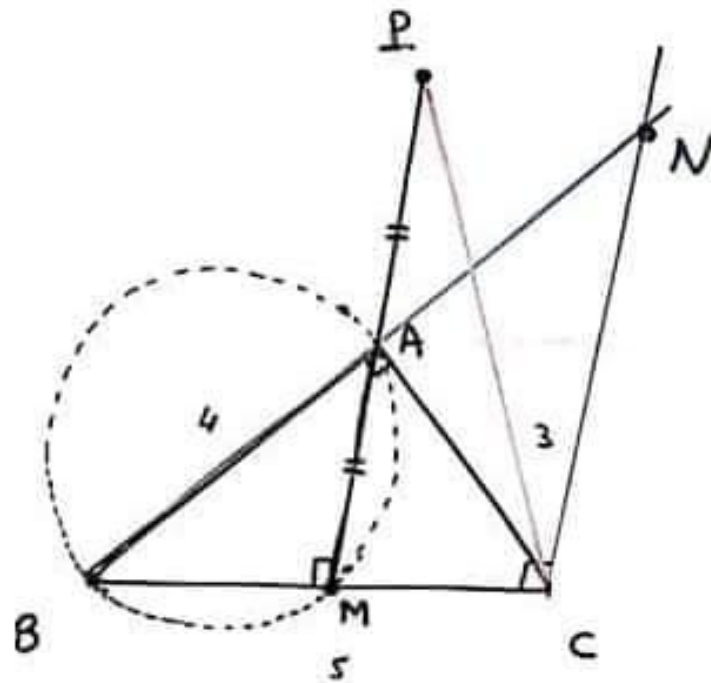
تمرين عدد 3

- أرسم مثلثا ABC بحيث $AB = 4$ و $AC = 3$ و $BC = 5$ (1 . بيّن أن ABC قائم في A)
(2) ارسم الدائرة Γ التي قضاها $[AB]$. هذه الدائرة تقطع (BC) في نقطة ثانية M . أكتب AM و BM
(3) المستقيم المار من C و الموازي لـ (AM) يقطع (AB) في نقطة N . أكتب BN و CN
(4) عين النقطة P بحيث M و P متناظرتان بالنسبة إلى A . بيّن أن $CP^2 = AC^2 + 3AM^2$

تمرين عدد 4

- ليكن (O, I, J) معينا متعامدا في المستوي حيث $OI = OJ = 1$ و النقطتين $A(4, 0)$ و $B(8, 0)$
(1) عين A و B ثم عين النقطة C حيث ABC مثلث متقايس الأضلاع وترتيبة C موجبة . أكتب AB و AC و BC
(2) لتكن H المسقط العمودي للنقطة C على (OB) . أكتب AH و CH ثم حدد إحداثيات C في المعين (O, I, J)
(3) بيّن أن المثلث OBC قائم الزاوية
(4) لتكن Γ الدائرة التي مركزها C و المارة من A و B . المستقيم العمودي على (AB) و المار من A يقطع Γ في A و نقطة ثانية نسميها D . بين أن B و D متكاملتان قطريا (أي $[BD]$ قطر للدائرة Γ) ثم أكتب BD
(5) بيّن أن $\frac{BC}{BD} = \frac{BH}{BA} = \frac{CH}{DA}$ ثم استنتج DA
(6) أكتب OD

التعريف 3: (بيتاغورس)



$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$\left. \begin{array}{l} BC^2 = 25 \\ AB^2 = 16 \\ AC^2 = 9 \end{array} \right\} \text{رأى أن : } \text{وبالتالي حسب : (نوع ب) : مثلث } ABC \text{ مثلث قائم في } A$
(1)

(2) مثلث ABM حيث $[AB]$ هو قطر الدائرة و M نقطة من (BC) مخالفت ل A و B لزاوية :

مثلث قائم في M ومنه $(AM) \perp (BC)$ في M

إذن حسب (ع ق ب) : $AB \times AC = AM \times BC$

$$AM = \frac{AB \times AC}{BC} = \frac{4 \times 3}{5} = \frac{12}{5} = 2,4 \quad \text{يعني :}$$

$\triangle AMB$ مثلث قائم في M إذن حسب (ن ب ج) :

$$AB^2 = AM^2 + MB^2$$

$$MB^2 = AB^2 - AM^2 = 16 - \frac{144}{25} = \frac{400 - 144}{25} = \frac{256}{25} \quad \text{يعني :}$$

$$MB = \sqrt{\frac{256}{25}} = \frac{16}{5} = 3,2 \quad \text{وهنا :}$$

(3) في المثلث BCN لنا : $AE(BN)$; $AE(BC)$ و $(AN) \parallel (CN)$

$$\frac{BN}{BC} = \frac{BA}{BN} = \frac{AM}{CN} \quad \text{إذن حسب (م ب) :$$

$$BN = \frac{BC \times BA}{BN} \quad \text{يعني} \quad \frac{BN}{BC} = \frac{BA}{BN} \quad *$$
$$= \frac{5 \times 4}{\frac{16}{5}} = \frac{20 \times 5}{16} = \frac{100}{16} = \frac{25}{4} = 6,25 \quad \#$$

$$BN = 6,25$$

$$CN = \frac{BC \times AM}{BN} = \frac{5 \times \frac{12}{5}}{\frac{16}{5}} \quad \text{يعني} \quad \frac{BN}{BC} = \frac{AM}{CN} \quad *$$

$$CN = 12 \times \frac{5}{16} = \frac{60}{16} = \frac{15}{4} = 3,75$$

إذن :

(4) . PCM مثلث قائم في M إذن حسب (ن ب) :

$$CP^2 = CM^2 + MP^2 \quad (1)$$

ACM مثلث قائم في M إذن حسب (ن ب) :

$$AC^2 = CM^2 + AM^2 \quad (2)$$

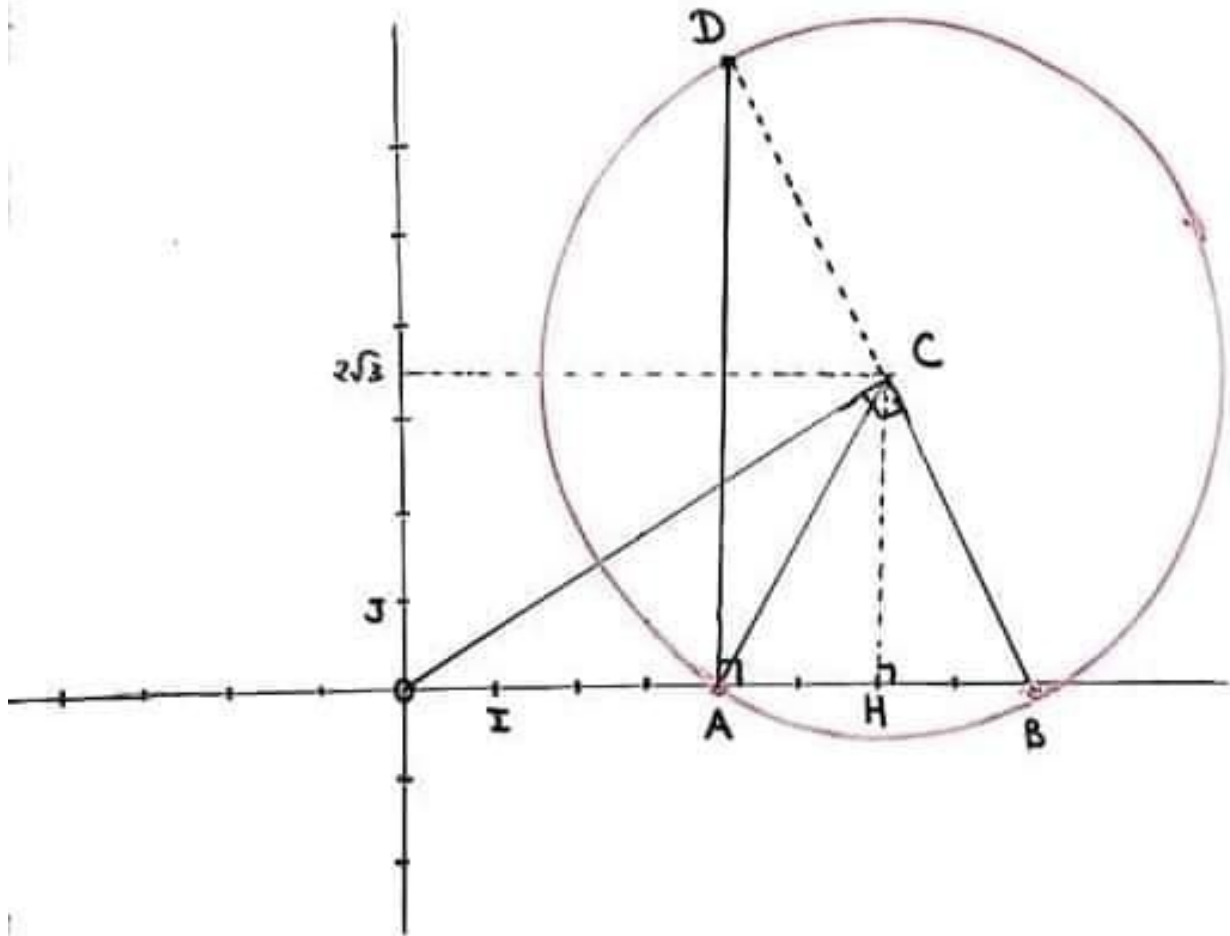
لنا، $MP = 2MA$ إذن : $MP^2 = 4MA^2$ (3)

من (1) و (2) و (3) :

$$\begin{aligned} CP^2 &= AC^2 - AM^2 + 4MA^2 \\ &= AC^2 + 3MA^2 \end{aligned}$$

✘

التعريف 4: بيثاغورس:



(1) مثلث ABC مثلث متقايس الاضلاع لئذ:

$$AB = AC = BC = |x_B - x_A| = |8 - 4| = |4| = 4.$$

(2) H هو المسقط العمودي C على (AB) حيث

ABC مثلث متقايس الاضلاع لئذ: H منتصف $[AB]$

$$\boxed{AH = \frac{AB}{2} = 2} \quad \text{ومن هنا:}$$

* ABC متساوية الأضلاع حيث [CH] هو الارتفاع العابر

$$\boxed{CH = AB \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}}$$

من C إذن حسب (نبي):

$$\boxed{C(6; 2\sqrt{3})} \quad \text{ومن هنا:}$$

(3) في المثلث OBC لنا، A منتصف [OB] حيث

$$AO = AB = AC = 4$$

ومن هنا، OBC مثلث قائم في C.

(4) ABD مثلث قائم في A و C مركز الدائرة المبيّنة

بالمثلث ABD: إذن: [BD] هو قطر الدائرة (6).

$$\boxed{BD = 2CB = 8}$$

(5) في المثلث ABD لنا: $CE(BD)$; $HE(AB)$ و $(CH) \parallel (AD)$

لانها يعامدان نفس
المستقيم (OI)

$$\frac{BH}{BA} = \frac{BC}{BD} = \frac{CH}{AD} \quad \text{بإذن حسب (م ب):}$$

$$AD = \frac{BD \times CH}{BC} = \frac{8 \times 2\sqrt{3}}{4} = 4\sqrt{3} \quad \text{ومن هنا:} \quad *$$

(6) A منتصف [OB] و (DA) عمودي على (OB)

في A لزنن: ODB مثلث متقايس الفليني

في D ومنه: $OD = BD = 8$

(ODB مثلث متقايس الاضلاع)