

المدرسة الإعدادية:

$$AB = |x_B - x_A| \quad (1)$$

$$x_M = \frac{x_A + x_B}{2} \quad (2) \text{ يعني } M \text{ منتصف } [AB]$$

الترتيب والمقارنة

a, b, c أعداد حقيقية

$$a \leq b \text{ يعني } a - b \leq 0 \quad (1)$$

$$a \leq b \text{ يعني } a \pm c \leq b \pm c \quad (2)$$

$$(3) \text{ إذا كان } c > 0 \text{ فإن } (a \leq b \text{ يعني } a \times c \leq b \times c)$$

$$(4) \text{ إذا كان } c < 0 \text{ فإن } (a \leq b \text{ يعني } a \times c \geq b \times c)$$

$$(5) \text{ إذا كان } a \leq b \text{ و } c \leq d \text{ فإن } a + c \leq b + d$$

$$(6) \text{ } a, b, c, d \text{ أعداد حقيقية موجبة}$$

$$\text{إذا كان } a \leq b \text{ و } c \leq d \text{ فإن } ac \leq bd$$

$$(7) \text{ إذا كان } a \text{ و } b \text{ مخالفان للصفر ولهما نفس العلامة فإن}$$

$$a \leq b \text{ يعني } \frac{1}{a} \geq \frac{1}{b}$$

$$(8) \text{ أ) إذا كان } a \text{ و } b \text{ عددين موجبين فإن:}$$

$$a \leq b \text{ يعني } a^2 \leq b^2$$

$$\text{ب) إذا كان } a \text{ و } b \text{ عددين سالبين فإن:}$$

$$a \leq b \text{ يعني } a^2 \geq b^2$$

$$(9) \text{ أ) إذا كان } a \text{ و } b \text{ موجبين فإن}$$

$$a \leq b \text{ يعني } \sqrt{a} \leq \sqrt{b}$$

$$\text{ب) إذا كان } a \text{ و } b \text{ عددين حقيقيين فإن:}$$

$$|a| \leq |b| \text{ يعني } a^2 \leq b^2$$

الحقائق المعتمدة و العبارات الجبرية :

a و b و c أعداد حقيقية

$$(1) (a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(2) (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(3) (a-b)(a+b) = a^2 - b^2$$

$$(4) \text{ النشر } a(b \pm c) = ab \pm ac$$

$$(5) \text{ التكبيك } ab \pm ac = a(b \pm c)$$

المعادلات من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد

a, b, c أعداد حقيقية حيث $a \neq 0$

$$(1) ax + b = c \text{ هي معادلة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد. (} x \text{ هو المجهول)}$$

$$\text{هو حل هذه المعادلة } x = \frac{c-b}{a}$$

قابلية القسمة : N عدد صحيح طبيعي

$$(1) N \text{ يقبل القسمة على } 6 \text{ يعني } N \text{ يقبل القسمة على } 2 \text{ و } 3$$

$$(2) N \text{ يقبل القسمة على } 12 \text{ يعني } N \text{ يقبل القسمة على } 3 \text{ و } 4$$

$$(3) N \text{ يقبل القسمة على } 15 \text{ يعني } N \text{ يقبل القسمة على } 3 \text{ و } 5$$

العمليات على الأعداد الحقيقية

a, b, c, d أعداد حقيقية حيث b و d مخالفان للصفر

$$(1) \frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d} \text{ و } \frac{a}{b} \pm \frac{c}{d} = \frac{ad \pm bc}{bd}$$

$$(2) \text{ إذا كان } c \neq 0 \text{ فإن } \frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{b \times c}$$

$$(3) a - c = 0 \text{ يعني } a = c$$

$$(4) a + c = 0 \text{ يعني } c \text{ و } a \text{ متقابلان}$$

$$(5) b \times d = 1 \text{ يعني } d \text{ و } b \text{ مقلوبان}$$

الجذور التربيعية

a و b عددين حقيقيين موجبان

$$(1) \sqrt{a^2} = \sqrt{a} \times \sqrt{a} = a$$

$$(2) \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$(3) \text{ إذا كان } b \neq 0 \text{ فإن } \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$$

القيمة المطلقة لعدد حقيقي :

x و y عددين حقيقيين و a عدد حقيقي موجب قطعاً

$$(1) |x| = x \text{ يعني } x \text{ عدد موجب}$$

$$(2) |x| = -x \text{ يعني } x \text{ عدد سالب}$$

$$(3) |x|^2 = |x^2| = x^2 \text{ و } \sqrt{x^2} = |x|$$

$$(4) |x| = |-x| \text{ و } |x| \times |y| = |x \times y|$$

$$(5) \text{ إذا كان } y \neq 0 \text{ فإن } \frac{|x|}{|y|} = \left| \frac{x}{y} \right|$$

$$(6) |x| = a \text{ يعني } x = a \text{ أو } x = -a$$

المستقيم المدرج

Δ مستقيم مدرج بمعين (O, I) و A و B نقطتان على Δ

فاصلتهما على التوالي x_A و x_B

و نكتب $S_{\mathbb{R}} = \left\{ \frac{c-b}{a} \right\}$ وهي مجموعة حلول المعادلة

في $\mathbb{R}$

$$(2) \quad (ax+b)(cx+d)=0 \quad \text{يعني}$$

$$cx+d=0 \quad \text{أو} \quad ax+b=0$$

التعريف في المستوى

(I) (O, I, J) معين في المستوى حيث $(OI) \perp (OJ)$
نقطة $M(x, y)$ من المستوى.

(1) $M_1(x_1, y_1)$ منظر M بالنسبة إلى (OI) يعني

$$x_1 = x \quad \text{و} \quad y_1 = -y$$

(2) $M'(x', y')$ منظر M بالنسبة إلى (OJ) يعني

$$x' = -x \quad \text{و} \quad y' = y$$

(3) $M''(x'', y'')$ منظر M بالنسبة إلى O

$$\text{يعني} \quad x'' = -x \quad \text{و} \quad y'' = -y$$

(II) (O, I, J) معين في المستوى $A(x_A, y_A)$

و $B(x_B, y_B)$ نقطتان مختلفتان من المستوى

(1) B إسقاط A على (OI) وفقا لمنحى (OJ) يعني

$$B \in (OI) \quad \text{و} \quad (AB) \parallel (OJ)$$

(2) $x_A = x_B$ يعني $(AB) \parallel (OJ)$

(3) $y_A = y_B$ يعني $(AB) \parallel (OI)$

(4) A و B متناظران بالنسبة إلى $M(x, y)$

$$\text{يعني} \quad x = \frac{x_A + x_B}{2} \quad \text{و} \quad y = \frac{y_A + y_B}{2}$$

مبرهنة طاليس

(1) المستقيم الذي يربط منتصفين ضلعي مثلث

(أ) إذا كان ABC مثلثا و I منتصف $[AB]$ و J منتصف

$$[AC] \quad \text{فإن} \quad (IJ) \parallel (BC) \quad \text{و} \quad IJ = \frac{BC}{2}$$

(ب) إذا كان ABC مثلثا و I منتصف $[AB]$ و المستقيم Δ

الموازي لـ (BC) والمار من I فإن Δ يقطع الضلع $[AC]$ في منتصفه

(2) مبرهنة طاليس في المثلث

إذا كان ABC مثلثا، $E \in (AB)$ و $F \in (AC)$

$$\text{حيث} \quad (EF) \parallel (BC) \quad \text{فإن} \quad \frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{EF}{BC}$$

(3) إذا كان $ABCD$ شبه منحرف قاعدته $[AB]$ و $[CD]$ و I

منتصف $[AD]$ و J منتصف $[BC]$

$$\text{فإن} \quad (IJ) \parallel (AB) \quad \text{و} \quad IJ = \frac{AB+CD}{2}$$

(4) ليكن Δ و Δ' مستقيمين، A و B و C ثلاث نقاط مختلفة من Δ . إذا كانت A' و B' و C' إسقاط A و B و C على Δ' وفقا لمنحى مخالف لمنحى Δ و لمنحى Δ' على التوالي فإن :

$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'} = \frac{BC}{B'C'} \quad \text{و} \quad \frac{AB}{AC} = \frac{A'B'}{A'C'}$$

(5) إذا كان A' و B' إسقاطي A و B على التوالي على مستقيم Δ وفقا لمنحى Δ' فإن إسقاط منتصف $[AB]$ على

Δ وفقا لمنحى Δ' هو منتصف $[A'B']$

(6) مركز ثقل مثلث

(أ) إذا كان ABC مثلثا و I منتصف $[BC]$ و J منتصف

$[AC]$ و G تقاطع الموسطين $[AI]$ و $[BJ]$ فإن G مركز

$$\text{ثقل المثلث} \quad ABC \quad \text{و} \quad AG = \frac{2}{3} AI$$

(ب) إذا كان ABC مثلثا و I منتصف $[BC]$ و G نقطة من

$[AI]$ حيث $AG = \frac{2}{3} AI$ فإن G مركز ثقل المثلث ABC

(7) المثلث القائم و الدائرة المحيطة به

(أ) إذا كان ABC مثلثا قائما في A والنقطة I منتصف وتره

$$[BC] \quad \text{فإن} \quad IA = IB = IC = \frac{BC}{2}$$

(ب) ليكن EFG مثلثا و O منتصف $[FG]$

$$\text{إذا كان} \quad OF = OG = OE$$

فإن المثلث EFG قائم الزاوية في E

العلاقات القياسية في مثلث قائم

(1) نظرية بيتاغور

إذا كان ABC مثلثا قائما في A فإن $BC^2 = AB^2 + AC^2$

(2) قياس طول القطر في مربع

إذا كان $ABCD$ مربعا فإن $AC = BD = AB \times \sqrt{2}$

(3) قياس طول الارتفاع في مثلث متقايس الأضلاع

إذا كان a هو طول ضلع مثلث متقايس الأضلاع فإن طول

$$\text{الارتفاع الصادر من احدى قسمة هو} \quad a \frac{\sqrt{3}}{2}$$

(4) عكس نظرية بيتاغور

$$\text{إذا كان} \quad MNP \quad \text{مثلثا حيث} \quad MP^2 = MN^2 + NP^2$$

فإن المثلث MNP قائم الزاوية في N

(5) إذا كان ABC مثلثا قائما في A و H الإسقاط العمودي لـ A

على $[BC]$ فإن

$$(أ) \quad AH \times BC = AB \times AC$$

$$(ب) \quad AH^2 = BH \times CH$$