

(وحدة قياس الطول هي الصم)

ليكن $(O ; I ; J)$ معينا متعامدا في المستوي حيث $OI=OJ=1$

1 أ/ عين النقطتين $A(-2; 0)$; $B(3\sqrt{2} + 1 ; 0)$

ب/ احسب AB و AI و BI

2 أ/ ابن النقطة C من $[AB]$ بحيث $AC = \frac{AB}{3}$

ب/ أوجد احداثيات C في المعين (O, I, J)

ج/ احسب CB

3 ليكن Δ الوسط العمودي للقطعة $[BC]$. Δ يقطع $[BC]$ في D و (AJ) في E

أ/ أوجد احداثيات D في المعين (O, I, J) ب/ احسب DE

ج/ بين أن المثلث BCE متقايس الضلعين و قائم الزاوية في E ثم احسب مساحته

د/ استنتج أن $BE = 2 + \sqrt{2}$ ثم احسب محيط المثلث BCE

هـ/ بين أن $\frac{JE}{JA} = \sqrt{2}$

4 المستقيم المار من E و الموازي للمستقيم (OI) يقطع (OJ) في F

أ/ بين أن الرباعي $ODEF$ مستطيل ثم احسب مساحته و محيطه

ب/ أوجد احداثيات F و E في المعين (O, I, J)

5 المستقيم (IJ) يقطع (EF) في H .

أ/ احسب HE

ب/ استنتج أن الرباعي $BEHI$ متوازي الأضلاع ثم احسب محيطه و مساحته

ج/ بين أن $HJ=2$

د/ أوجد احداثيات H في المعين (O, I, J)

6 المستقيم (CE) يقطع (OJ) في L بين أن (HL) عمودي على (EJ)

7 لتكن K مناظرة H بالنسبة إلى A و M منتصف $[BK]$.

أ/ أوجد احداثيات K في المعين (O, I, J)

ب/ بين أن النقاط H و C و M على استقامة واحدة

8 أ/ حدد مجموعة النقاط $N(x; y)$ حيث $x = 2\sqrt{2}$ و $y \geq 0$

ب/ حدد مجموعة النقاط $P(x; y)$ حيث $-\sqrt{2} \leq x < 2\sqrt{2}$ و $y = \sqrt{2} + 1$

9 أ/ ما هي احداثيات النقاط I و B و E و J و F و C و A و H و O في المعين (D, B, E) ؟

ب/ ما هي احداثيات النقاط I و B و E و J و F و C و A و H و O في المعين (I, D, J) ؟

التسعة أساسية 2

التمرين الأول (5 ن) اجب بصواب أو خطأ :

- 1/ مجموعة حلول المتراجحة $2x + 3 < \sqrt{12}x + \sqrt{3}$ في \mathbb{R} هي : $\left[\frac{\sqrt{3}}{2}; +\infty \right[$
- 2/ SABCD هرم منتظم أوجهه الجانبية مثلثات متقايسة الأضلاع وقاعدته المربع ABCD حيث $AB = SA = a$ عدد حقيقي موجب فإن مساحة المثلث SAC هي : $\frac{\sqrt{6}}{2}a^2$
- 3/ باستعمال الأرقام 1 و 3 و 5 و 8 . احتمال الحصول على عدد يقبل القسمة على 15 من بين الأعداد التي تتكون من ثلاثة أرقام هو $\frac{5}{16}$
- 4/ ABCD معين حيث $AB = \sqrt{50}cm$ و $AC = 10cm$ هو مربع
- 5/ صندوق يحتوي على أربعة أقراص تحمل الأعداد : $\sqrt{12}$ و -3 و $-\sqrt{27}$ و 5. قام أحمد بطريقة عشوائية بسحب قرصين معا. احتمال سحب قرصين يحملان عددين مجموعهما عدد حقيقي سالب هو $\frac{1}{3}$

التمرين الثاني (6 ن)

- 1) حل في \mathbb{R} المعادلات التالية :
- أ/ $x^2 - \sqrt{12}|x| + 3 = 0$ ب/ $x^2 - 2x + 1 = 3x^2 - 3x$ ج/ $\frac{x-1}{2} = \frac{2}{5-x}$
- 2) حل في \mathbb{R} المتراجحات التالية :
- أ/ $8x(2x-1) < (4x-1)^2$ ب/ $\sqrt{18} - |x - \sqrt{50}| < \sqrt{2}$ ج/ $|2 - 3x| \leq 1$
- التمرين الثاني (3 ن): يمثل الجدول أسفله أقيسة طول القامة لعدد من التلاميذ

الطول بالصم	[145 ; 155]	[155 ; 165]	[165 ; 175]	[175 ; 185]
عدد التلاميذ (التكرار)	6	8	5	1

- 1) أ/ ما هو العدد الجملي للتلاميذ ؟
ب/ احسب المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية
- 2) أ/ كون جدول التكرارات التراكمية النازلة و مثل هذا الجدول بمضلع.
ثم استنتج قيمة تقريبية لموسط هذه السلسلة
- 3) نختار عشوائيا تلميذا من بين هؤلاء التلاميذ . ما هو احتمال أن يكون طوله أكبر أو يساوي 165 صم ؟

التمرين الرابع (6 ن) وحدة قيس الطول هي الصم

يمثل الشكل المصاحب رسما منظورا لموشور قائم ABCDEFGH ارتفاعه $AE = 5$
و قاعدته شبه المنحرف ABCD قائم الزاوية في A قاعدته [AB] و [CD]

حيث : $AD = 12$ و $DC = 9$ و $AB = 16$

1) المستقيم الموازي لـ (AD) و المار C من يقطع (AB) في M
أ/ بين الرباعي AMCD مستطيل ب/ بين أن المثلث MCE قائم الزاوية

2) لتكن I نقطة تقاطع المستقيمين (AC) و (BD)

أ/ احسب AC و BD

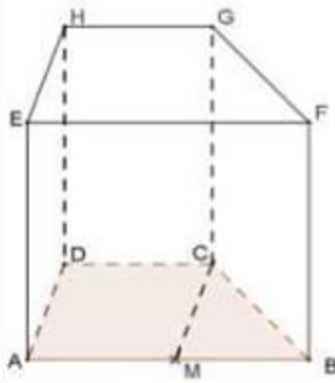
ب/ بين أن : $BI = 12,8$ و $AI = 9,6$ ج/ استنتج طبيعة المثلث ABI

3) أ/ بين أن المستقيم (AE) عمودي على المستوي (ABD)

ب/ استنتج المثلث ACE قائم الزاوية

4) المستقيم الموازي لـ (AE) و المار I من يقطع (EC) في J

بين أن المستقيم (AI) عمودي على المستوي (JBD)



التمرين الثالث: (5 ن)

يمثل الجدول الإحصائي التالي توزيع مجموعة من التلاميذ حسب أطوالهم

[170 ; 180[[160 ; 170[[150 ; 160[[140 ; 150[الطول بالصم
		18	6	عدد التلاميذ
			15%	التواتر بالنسبة المئوية
	75%			التواتر التراكمي الصاعد بالنسبة المئوية

(1) أ/ أوجد العدد الجملي للتلاميذ

ب/ أتمم الجدول

(2) حدد الفئة المنوال ومدى و المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية

(3) أ/ ارسم مضع التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المئوية

ب/ جد قيمة تقريبية لموسط هذه السلسلة

التمرين الرابع (5 ن) : (وحدة قيس الطول هي الصم)

لتكن [BC] قطعة مستقيم طولها 10cm و H نقطة من [BC] حيث $BH = 8$

(1) أ/ ابن نقطة A حيث يكون المثلث ABC قائم الزاوية في A و [AH] ارتفاعه الصادر من A

ب/ بين أن : $AH = 4$ ثم احسب AC و AB

(2) لتكن γ الدائرة التي شعاعها [AH] و مركزها H.

الدائرة γ تقطع [AB] ثانية في E و [AC] ثانية في D و [AH] ثانية في F

أ/ بين ان الرباعي AEFD مستطيل .

ب/ المستقيم (EF) يقطع (BC) في G . احسب محيط و مساحة المستطيل AEFD

(3) بين ان الرباعي ACFG معين .

(4) المستقيم (AG) يقطع الدائرة γ ثانية في M . بين أن النقاط F و M و B على استقامة واحدة .

التاسعة أساسية I

التمرين الأول (4 ن)

I / يلي كل سؤال ثلاث إجابات ، إحداهما فقط صحيحة. اكتب رقم السؤال والإجابة الصحيحة الموافقة له.

(1) العدد $\sqrt{9-6\sqrt{2}} - \sqrt{9+6\sqrt{2}}$ يساوي

أ / $3\sqrt{2}$ ب / $-2\sqrt{3}$ ج / $2\sqrt{3}$

(2) إذا كان $a+b = \sqrt{5}$ و $a^2+b^2 = 3$ حيث a عدد حقيقي فإن a^4+b^4 يساوي

أ / 9 ب / 7 ج / 5

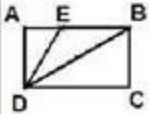
(3) ليكن ABCD مستطيلا و E نقطة من [AB] حيث و $\widehat{ADE} = \widehat{EDB} = \widehat{BDC} = 30^\circ$

إذا كان $AD = 1\text{cm}$ فإن محيط المثلث BDE بالصنتمتر يساوي :

أ / $2 + \frac{4\sqrt{3}}{3}$ ب / $3 + \frac{\sqrt{3}}{3}$ ج / $2 + \sqrt{2}$

(4) نعتبر السلسلة الإحصائية التالية : $2 ; n+2 ; n+3 ; n+5 ; n+8$. حيث n عدد صحيح طبيعي إذا كان المعدل الحسابي لهذه السلسلة مساو لموسطها فإن n يساوي :

أ / 3 ب / 4 ج / 5



التمرين الثاني (3 ن)

نعبر العدد: $a = |5 - 2\sqrt{13}| + \frac{12}{\sqrt{13}-3} - \sqrt{16}$

(1) أ / بين أن : $a = 5\sqrt{13}$

ب / قارن العددين a و 18

(2) ليكن x و y عددين حقيقيين موجبين قطعاً و $x < y$. بين أن $x^2 < xy < \frac{x^2+y^2}{2}$

(3) استنتج قيمة تقريبية للعدد $\sqrt{13}$ برقمين بعد الفاصل

التمرين الثالث (5 ن) المثلث الذهبي

نعبر العبارة $A = x^2 - x - 1$ حيث x عدد حقيقي

(1) احسب العبارة A في حالة : $x = \frac{\sqrt{5}+1}{2}$

(2) أ / بين أن $A = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{5}{4}$ ب / استنتج تفكيكا إلى جذاء عوامل للعبارة A

ج / جد العدد الحقيقي x في حالة $A = 0$

(3) (وحدة قيس الطول هي الصم)

لاحظ الرسم حيث ABC مثلث متقايس الضلعين قمته الرئيسية A حيث $\widehat{CAB} = 36^\circ$

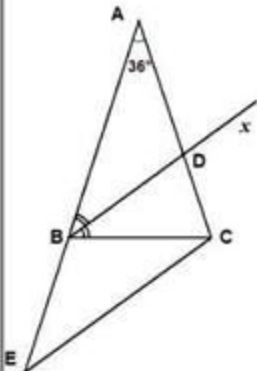
و $AB = AC = a$ حيث a عدد حقيقي موجب

و $[Bx]$ منصف الزاوية $[BA ; BC]$ يقطع $[AC]$ في D

أ / بين أن $BC = AD = BD$

ب / المستقيم المار C من و الموازي لـ (Bx) يقطع المستقيم (AB) في E . بين أن $BE = BC$

ج / إذا كان $BC = 1$ بين أن $\frac{a}{a+1} = \frac{1}{a}$ ثم أوجد a



التمرين الرابع (4 ن)

يمثل الجدول الإحصائي أسفله توزيع مجموعة من المواليد الجدد حسب وزن كل مولود بالكيلو

الوزن بالكيلو	[2,8 ; 3,2[[3,2 ; 3,6[[3,6 ; 4[[4 ; 4,4[
عدد المواليد	9	15	30	6

(1) حدد الفئة المنوال ومدى و المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية
(2) أ/ كون جدول التواترات التراكمية الصاعدة و مثل هذا الجدول بمضلع.

ب/ أوجد قيمة تقريبية لموسط هذه السلسلة

التمرين الخامس (4 ن) : (وحدة قيس الطول هي الصم)

لتكن [BC] قطعة مستقيم طولها 12cm و D نقطة من [BC] حيث $BD = 3$ و Γ الدائرة التي قطرها [BC] و مركزها O.

(1) ليكن Δ المستقيم العمودي على (BC) و المار من D . Δ يقطع الدائرة Γ في نقطتين A و E
أ/ بين أن المثلث ABC قائم الزاوية

ب/ بين أن : $AD = 3\sqrt{3}$ ثم احسب AC و AB

ج/ بين ان الرباعي ABEO معين . احسب محيطه و مساحته

(2) المستقيم (EO) يقطع (AC) في F . و لتكن G منتصف [OE]

أ/ بين ان الرباعي ABGF مستطيل . احسب محيطه و مساحته

التاسعة أساسي 1+2

التمرين الأول (3 ن) اجب بصواب أو خطأ

(1) إذا كان x و y عددين حقيقيين حيث $4 \leq x < 7$ و $-2 \leq y \leq -1$ فإن $-14 < xy \leq -4$

(2) إذا كان $x > 4\sqrt{5} - 9$ فإن $x(2 - \sqrt{5})^{-2019} < (2 + \sqrt{5})^{2017}$

(3) لاحظ الرسم المقابل حيث ABCD و DEFG مربعان ودائرة مركزها A وتمر من E و C

فإن مساحة المربع DEFG تساوي ثلاثة أضعاف مساحة المربع ABCD

(4) العددان: $b = 1^2 - 2^2 + 3^2 - 4^2 \dots + 2015^2 - 2016^2 + 2017^2 - 2018^2$

و $a = 1 + 2 + 3 + 4 \dots + 2017 + 2018$ هما عدنان متقابلان

التمرين الثاني (4.5 ن)

نعتبر العددين الحقيقيين: $a = \sqrt{\frac{7}{4} - \frac{\sqrt{6}}{2}} + \frac{5 - (\sqrt{2} - 1)^2}{4}$ و $b = \sqrt{6} - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3} - 1}$

(1) أ/ بين أن: $a = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{2}$ و $b = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{2}$

ب/ بين أن: a مقلوب b ثم استنتج أن $b < 1$

(2) إذا كان x عددا حقيقيا حيث $0 < x < 1$

أ/ بين أن $x + 1 < \frac{1}{1-x}$

ب/ استنتج أن $\sqrt{6} + 2 - \sqrt{2} < \frac{4}{2 + \sqrt{2} - \sqrt{6}}$

(3) (وحدة قيس الطول هي الصم)

ليكن ADC مثلثا قائما في A و O منتصف وتره [DC] حيث $DC = 2$ و $\widehat{AOC} = 30^\circ$

و H المسقط العمودي لـ A على (DC) و E منظر A بالنسبة إلى H

أ/ بين أن المثلث AOE متقايس الأضلاع

ب/ استنتج أن: $AD = a$ و $AC = b$

التمرين الثالث: (3 ن)

يمثل الجدول الإحصائي أسفله توزيع كمية الحليب التي يستهلكها مجموعة من الرضع في مؤسسة صحية

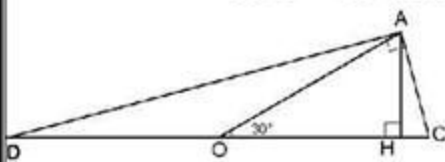
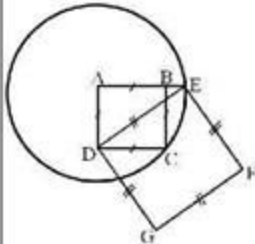
كمية الحليب بالملييلتر	[100 ; 120[[120 ; 140[[140 ; 160[[160 ; 180[
عدد الرضع	20			
التواتر بالنسبة المئوية	25 %			
التواتر التراكمي الصاعد بالنسبة المئوية		40%		
التواتر التراكمي النازل بالنسبة المئوية				20%

(1) أتمم الجدول الإحصائي

(2) حدد الفئة المنوال ومدى و المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية

(3) أ/ ارسم مضلع التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المئوية

ب/ جد قيمة تقريبية لموسط هذه السلسلة



التاسعة أساسي 1+2

التمرين الأول (3 ن) اجب بصواب أو خطأ

(1) إذا كان x و y عددين حقيقيين حيث $4 \leq x < 7$ و $-2 \leq y \leq -1$ فإن $-14 < xy \leq -4$

(2) إذا كان $x > 4\sqrt{5} - 9$ فإن $x(2 - \sqrt{5})^{-2019} < (2 + \sqrt{5})^{2017}$

(3) لاحظ الرسم المقابل حيث ABCD و DEFG مربعان ودائرة مركزها A وتمر من E و C

فإن مساحة المربع DEFG تساوي ثلاثة أضعاف مساحة المربع ABCD

(4) العددان: $b = 1^2 - 2^2 + 3^2 - 4^2 \dots + 2015^2 - 2016^2 + 2017^2 - 2018^2$

و $a = 1 + 2 + 3 + 4 \dots + 2017 + 2018$ هما عدنان متقابلان

التمرين الثاني (4.5 ن)

نعتبر العددين الحقيقيين: $a = \sqrt{\frac{7}{4} - \frac{\sqrt{6}}{2}} + \frac{5 - (\sqrt{2} - 1)^2}{4}$ و $b = \sqrt{6} - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3} - 1}$

(1) أ/ بين أن: $a = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{2}$ و $b = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{2}$

ب/ بين أن: a مقلوب b ثم استنتج أن $b < 1$

(2) إذا كان x عددا حقيقيا حيث $0 < x < 1$

أ/ بين أن $x + 1 < \frac{1}{1-x}$

ب/ استنتج أن $\sqrt{6} + 2 - \sqrt{2} < \frac{4}{2 + \sqrt{2} - \sqrt{6}}$

(3) (وحدة قيس الطول هي الصم)

ليكن ADC مثلثا قائما في A و O منتصف وتره [DC] حيث $DC = 2$ و $\widehat{AOC} = 30^\circ$

و H المسقط العمودي لـ A على (DC) و E منظر A بالنسبة إلى H

أ/ بين أن المثلث AOE متقايس الأضلاع

ب/ استنتج أن: $AD = a$ و $AC = b$

التمرين الثالث: (3 ن)

يمثل الجدول الإحصائي أسفله توزيع كمية الحليب التي يستهلكها مجموعة من الرضع في مؤسسة صحية

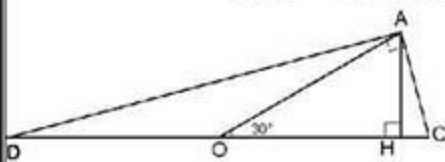
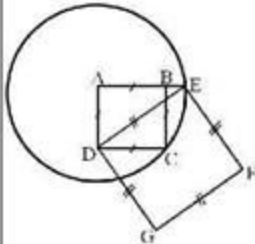
كمية الحليب بالملييلتر	[100 ; 120[[120 ; 140[[140 ; 160[[160 ; 180[
عدد الرضع	20			
التواتر بالنسبة المئوية	25 %			
التواتر التراكمي الصاعد بالنسبة المئوية		40%		
التواتر التراكمي النازل بالنسبة المئوية				20%

(1) أتمم الجدول الإحصائي

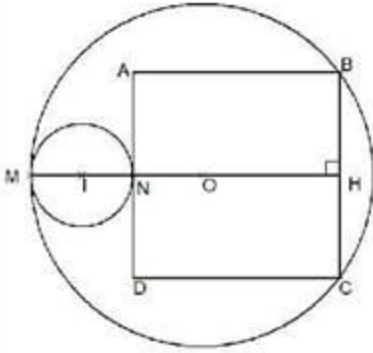
(2) حدد الفئة المنوال ومدى و المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية

(3) أ/ ارسم مضلع التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المئوية

ب/ جد قيمة تقريبية لموسط هذه السلسلة



التمرين الرابع (3.5 ن)



نعتبر العبارة $A = 5x^2 - 16x - 84$ حيث x عدد حقيقي

(1) احسب العبارة A في حالة: $x = \sqrt{2} - 1$

(2) ا/ بين ان $A = 5 \left[\left(x - \frac{8}{5}\right)^2 - \frac{484}{25} \right]$

ب/ استنتج ان $A = (5x + 14)(x - 6)$

ج / جد العدد الحقيقي x في كل حالة: $A = 0$

(3) (وحدة قيس الطول هي الصم)

لاحظ الرسم المقابل حيث ABCD مربع و دائرة مركزها O و شعاعها $OM = 10cm$

و دائرة مركزها I و شعاعها $IM = 3cm$

الدائرة التي مركزها I مماسة للمربع ABCD و الدائرة التي مركزها O في النقطتين N و M على التوالي

حيث $AN = x$ حيث x عدد حقيقي موجب. أوجد طول ضلع المربع ABCD

التمرين الخامس (6 ن): (وحدة قيس الطول هي الصم)

(1) ا/ ابن معيناً ABCD مركزه O حيث $AB = 6$ و $\widehat{BAC} = 30^\circ$

ب/ بين ان المثلث ABD متقايس الأضلاع

ج / بين ان $AC = 6\sqrt{3}$

(2) لتكن I منتصف [DC] و J منتصف [BC]

المستقيم (BI) يقطع (AD) في النقطة E و يقطع (DJ) في النقطة G.

ا/ بين ان $GC = GD = GB = 2\sqrt{3}$

ب/ بين ان الرباعي BCED معين

(3) المستقيم (OI) يقطع المستقيم [CE] في النقطة H. لتكن K الدائرة التي قطرها [BH]

ا/ بين ان H منتصف [CE]

ب/ بين ان D تنتمي إلى الدائرة K

(4) المستقيم (BH) يقطع المستقيم [CD] في النقطة F

ا/ بين ان $CF = GF = 2$ و $EF = FB = 2\sqrt{7}$

ب / بين ان النقاط E و F و J على إستقامة واحدة